

Number of Pages in Booklet : ...

पुस्तिका में पृष्ठों की संख्या : ...

Number of Questions in Booklet : 100

पुस्तिका में प्रश्नों की संख्या : 100

Serial No. of Booklet

पुस्तिका क्रमांक

Mathematics

Subject Code / विषय कोड - 25

Roll No. of Candidate/अभ्यर्थी का अनुक्रमांक :

OMR Serial Number/ओ. एम. आर. क्रमांक :

Signature of Candidate/अभ्यर्थी के हस्ताक्षर :

Date of Examination/परीक्षा तिथि :

Signature of Invigilator /वीक्षक के हस्ताक्षर :

Time/समय : Two hours/ दो घण्टे	Maximum Marks/पूर्णांक : 100
INSTRUCTIONS	
<ol style="list-style-type: none">1. Answer all questions.2. All questions carry equal marks.3. In this booklet, the questions from serial no. 01 to serial no. 100 are subject specific.4. Each question has four alternatives marked as (A), (B), (C), (D).5. Choose only one alternative as an answer of a question.6. If more than one answer is marked, then it will be treated as wrong answer.7. Candidate has to darken only one circle indicating the correct answer on the OMR sheets by using BLUE / BLACK BALL POINT PEN.8. There is no provision of Negative marking.9. Carrying Mobile phone in the examination hall is strictly prohibited. If any objectionable material is also found, then action will be taken as per University norms.10. Please fill your Roll No. and other information carefully on OMR sheet. In case of any mistake on OMR sheet, candidate will be responsible.11. If there is any difference between English and Hindi version of questions, then English version shall be correct.	<p style="text-align: center;">निर्देश</p> <ol style="list-style-type: none">1. सभी प्रश्नों के उत्तर दीजिये।2. सभी प्रश्नों के अंक समान हैं।3. इस प्रश्न पुस्तिका में क्रमांक 1 से क्रमांक 100 तक के प्रश्न विषय से संबंधित हैं।4. प्रत्येक प्रश्न के चार वैकल्पिक उत्तर हैं जिन्हें क्रमशः (A), (B), (C), (D) से अंकित किया गया हैं।5. प्रत्येक प्रश्न का केवल एक विकल्प उत्तर के रूप में चुनिये।6. एक से अधिक उत्तर देने की दशा में प्रश्न का उत्तर गलत माना जाएगा।7. अभ्यर्थी को सही उत्तर हेतु केवल एक गोले को ओ.एम.आर. शीट पर नीले/काले बॉल प्लाइंट पेन से गहरा करना है।8. नकारात्मक अंक प्रदान करने का कोई प्रावधान नहीं है।9. मोबाइल फोन का परीक्षा हॉल में लाना पूर्णतया निषिद्ध है। साथ ही कोई भी अन्य वर्जित सामग्री मिलने पर विश्वविद्यालय के नियमानुसार कार्यवाही होगी।10. अभ्यर्थी अपना रोल नम्बर एवं अन्य जानकारियाँ ओ.एम.आर. शीट पर सावधानी से भरें। ओ.एम.आर. शीट पर कोई भी त्रुटि होने पर उसका पूर्ण दायित्व अभ्यर्थी का होगा।11. यदि प्रश्नों के हिन्दी और अंग्रेजी रूपान्तरणों के मध्य किसी प्रकार का फर्क पाया जाता है, तब अंग्रेजी रूपान्तरण को ही सही माना जाएगा।

- ~~9. Find the correctly spelt word :~~
- (A) Accountancy (B) Acountancy
 (C) Acoountancy (D) Acounttancy
- ~~10. Find the word which best express the opposite meaning of the word 'MEMORY'~~
- (A) Ignorance (B) Indifference
 (C) Reminder (D) Forgetfulness
- ~~11. How many reflexive relations can be performed on a set of n elements :~~
- (A) 2^n (B) $2^{n(n+1)}$
 (C) $2^{n(n-1)}$ (D) 2^{n+1}
- ~~12. Let (L, \leq) be a lattice with binary operations \vee and \wedge and for arbitrary elements $a, b, c \in L$, the true statement is :~~
- (A) $a \wedge (b \wedge c) \geq (a \vee b) \wedge (a \vee c)$
 (B) $a \wedge (b \vee c) \leq (a \wedge b) \wedge (a \vee c)$
 (C) $a \wedge (b \vee c) \geq (a \vee b) \vee (a \wedge c)$
 (D) $a \wedge (b \vee c) \geq (a \wedge b) \vee (a \wedge c)$
- ~~13. In the Boolean algebra, the involution law is :~~
- (A) $(a')' = a$ (B) $(a')' = a$
 (C) $(a)' > a$ (D) $(a')' < a$
- ~~14. If G is a simple connected planar graph with n vertices and e edges ($e > 2$) the true statement is :~~
- (A) $e \leq 3n - 6$ (B) $e \leq 3n + 6$
 (C) $e < 3n - 6$ (D) $e < 3n + 6$
- ~~15. If T is a binary tree with n vertices and of height h, then true statement is :~~
- (A) $h + 1 \leq n \leq 2^{h-1} - 1$
 (B) $h + 1 \leq n \leq 2^{h+1} + 1$
 (C) $h + 1 \leq n \leq 2^h + 1$
 (D) $h + 1 \leq n \leq 2^h - 1$
- ~~9. शुद्ध वर्तनी वाला शब्द हैंडिप्र .~~
- (A) Accountancy (B) Acountancy
 (C) Acoountancy (D) Acounttancy
- ~~10. 'MEMORY' शब्द का श्रेष्ठ विपरित अर्थ बताने वाला शब्द हौंडिए :~~
- (A) Ignorance (B) Indifference
 (C) Reminder (D) Forgetfulness
- ~~11. n अवयवों के समुच्चय पर कुल कितने स्वतुल्य सम्बन्ध परिभाषित किये जा सकते हैं :~~
- (A) 2^n (B) $2^{n(n+1)}$
 (C) $2^{n(n-1)}$ (D) 2^{n+1}
- ~~12. माना कि (L, \leq) एक जालक है और समुच्च L पर \vee तथा \wedge द्विआधारी संक्रियाएँ परिभाषित हैं तब स्वच्छ अवयवों $a, b, c \in L$ के लिए सही कथन होगा :~~
- (A) $a \wedge (b \wedge c) \geq (a \vee b) \wedge (a \vee c)$
 (B) $a \wedge (b \vee c) \leq (a \wedge b) \wedge (a \vee c)$
 (C) $a \wedge (b \vee c) \geq (a \vee b) \vee (a \wedge c)$
 (D) $a \wedge (b \vee c) \geq (a \wedge b) \vee (a \wedge c)$
- ~~13. बूलीय बीजगणित में अन्तर्वलन नियम है :~~
- (A) $(a')' = a$ (B) $(a')' = a$
 (C) $(a)' > a$ (D) $(a')' < a$
- ~~14. यदि G एक सरल सम्बन्ध समतलीय ग्राफ है, जिसमें n शीर्ष तथा e कोरे हैं ($e > 2$) तो सत्य कथन होगा :~~
- (A) $e \leq 3n - 6$ (B) $e \leq 3n + 6$
 (C) $e < 3n - 6$ (D) $e < 3n + 6$
- ~~15. यदि एक द्विचर वृक्ष T में n शीर्ष तथा वृक्ष की उचाई h है तो सत्य कथन होगा :~~
- (A) $h + 1 \leq n \leq 2^{h-1} - 1$
 (B) $h + 1 \leq n \leq 2^{h+1} + 1$
 (C) $h + 1 \leq n \leq 2^h + 1$
 (D) $h + 1 \leq n \leq 2^h - 1$

28. The volume of the parallelopiped formed by three conjugate semi diameters an coterminous edges is :

$$(A) \begin{vmatrix} a^2 & 0 & 0 \\ 0 & x^2 & 0 \\ 0 & 0 & z^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}}$$

$$(B) \begin{vmatrix} b^2 & 0 & 0 \\ 0 & x^2 & 0 \\ 0 & 0 & y^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}}$$

$$(C) \begin{vmatrix} c^2 & 0 & 0 \\ 0 & y^2 & 0 \\ 0 & 0 & z^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}}$$

$$(D) \begin{vmatrix} a^2 & 0 & 0 \\ 0 & b^2 & 0 \\ 0 & 0 & c^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}}$$

29. The real centred circular sections of the ellipsoid $x^2 + 2y^2 + 6z^2 = 8$ are :

- (A) $x+z=0, x-z=0$
- (B) $x+2z=0, x-2z=0$
- (C) $2x+z=0, 2x-z=0$
- (D) $2x+z=0, x+2z=0$

30. If at any iteration of the simplex algorithm, $z_1 - c_1 < 0$ for atleast one j and for this j , $y_{ij} < 0 \forall i=1, 2, \dots, m$ then if the objective function to be maximized the problem has :

- (A) an unbounded solution
- (B) a bounded solution
- (C) a finite solution
- (D) None of these

31. If x and y are any two positive real numbers then $\exists n \in \mathbb{N}$ such that :

- (A) $x > ny$
- (B) $nx > y$
- (C) $x > y$
- (D) None of these

32. Every compact subset of real numbers is :

- (A) Open and bounded
- (B) Open and unbounded
- (C) Closed and bounded
- (D) Closed and unbounded

28. यदि तीन संयुगमी अधिव्यास किंसी षटफलक की सहवासनी कोरे हो तो षटफलक का आयतन होगा :

$$(A) \begin{vmatrix} a^2 & 0 & 0 \\ 0 & x^2 & 0 \\ 0 & 0 & z^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}} \quad (B) \begin{vmatrix} b^2 & 0 & 0 \\ 0 & x^2 & 0 \\ 0 & 0 & y^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}}$$

$$(C) \begin{vmatrix} c^2 & 0 & 0 \\ 0 & y^2 & 0 \\ 0 & 0 & z^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}} \quad (D) \begin{vmatrix} a^2 & 0 & 0 \\ 0 & b^2 & 0 \\ 0 & 0 & c^2 \end{vmatrix}^{\frac{1}{2}}$$

29. दीर्घवृत्तज $x^2 + 2y^2 + 6z^2 = 8$ के वास्तविक केन्द्रीय वृत्तीय परिच्छेद होंगे :

- (A) $x+z=0, x-z=0$
- (B) $x+2z=0, x-2z=0$
- (C) $2x+z=0, 2x-z=0$
- (D) $2x+z=0, x+2z=0$

30. यदि सिम्प्लेक्स कलन में कम से कम एक j के मान के लिए $z_1 - c_1 < 0$ प्राप्त होता है तथा साथ ही j के मान के लिए $y_{ij} < 0 \forall i=1, 2, \dots, m$ तब उद्देश्य फलन को अधिकतम करना है तो समस्या का हल होगा :

- (A) एक अपरिवद्ध हल
- (B) एक परिवद्ध हल
- (C) एक परिमित हल
- (D) इनमें से कोई नहीं

31. यदि x और y दो धनात्मक वास्तविक संख्याएँ हो तो एक प्राकृत n विद्यमान होता है इस प्रकार से कि :

- (A) $x > ny$
- (B) $nx > y$
- (C) $x > y$
- (D) इनमें से कोई नहीं

32. वास्तविक संख्याओं का प्रत्येक संहत उप समुच्चय है :

- (A) विवृत तथा परिवद्ध
- (B) विवृत तथा अपरिवद्ध
- (C) संवृत तथा परिवद्ध
- (D) संवृत तथा अपरिवद्ध

33. Every bounded sequence has :
- Convergent sub sequence
 - Divergent sub sequence
 - Oscillatory sub sequence
 - None of these

34. If a function f is continuous in closed interval $[a, b]$ and $f(a)$ and $f(b)$ are of opposite sign then there exists at least one point $c \in (a, b)$ such that :
- $f(c) \neq 0$
 - $f(c) = 0$
 - $f(c) > 0$
 - $f(c) < 0$

35. A real valued function f be defined on $[a, b]$. If f is differentiable at every point of $[a, b]$ then f' takes on every value between :
- $f(a)$ and $f(b)$
 - $f'(a)$ and $f(b)$
 - $f(a)$ and $f'(b)$
 - $f'(a)$ and $f'(b)$

36. Let f be a real valued bounded function defined on $[a, b]$. A necessary and sufficient condition for the function to be R-integrable is that for each $\epsilon > 0$, there exists a partition $P \in [a, b]$ such that :
- $U(f, P) - L(f, P) > \epsilon$
 - $U(f, P) - L(f, P) < \epsilon$
 - $U(f, P) - L(f, P) = \epsilon$
 - None of these

37. Let $U_n(x), n \in \mathbb{N}$ be a real valued function defined on domain D . Then the series of function $\sum_{n=1}^{\infty} U_n(x)$ is uniformly convergent if and only if for each $\epsilon > 0$, $\exists n_0(\epsilon)$ such that $n \geq n_0$ which implies that :
- $|U_{n+1}(x) + U_{n+2}(x) + \dots + U_{n+p}(x)| < \epsilon \quad \forall x \in D, p \in \mathbb{N}$
 - $|U_{n+1}(x) + U_{n+2}(x) + \dots + U_{n+p}(x)| > \epsilon \quad \forall x \in D, p \in \mathbb{N}$
 - $|U_{n+1}(x) + U_{n+2}(x) + \dots + U_{n+p}(x)| = \epsilon \quad \forall x \in D, p \in \mathbb{N}$
 - None of these

33. प्रत्येक परिवद्ध अनुक्रम का एक :
- अभिसारी उपानुक्रम होता है
 - अपसारी उपानुक्रम होता है
 - दोलनकारी उपानुक्रम होता है
 - इनमें से कोई नहीं

34. यदि एक फलन f संवृत अन्तराल $[a, b]$ में संतत है तथा $f(a)$ व $f(b)$ विपरित चिन्ह वाले हो तो कम से कम एक ऐसा बिन्दु $c \in (a, b)$ विद्यमान होता है कि :
- $f(c) \neq 0$
 - $f(c) = 0$
 - $f(c) > 0$
 - $f(c) < 0$

35. एक वास्तविक मान फलन f , $[a, b]$ पर परिभाषित है। यदि f , $[a, b]$ के प्रत्येक बिन्दु पर अवकलनीय हो तो f' निम्न के मध्य प्रत्येक मान ग्रहण करता है :
- $f(a)$ तथा $f(b)$
 - $f'(a)$ तथा $f(b)$
 - $f(a)$ तथा $f'(b)$
 - $f'(a)$ तथा $f'(b)$

36. माना f , $[a, b]$ में परिभाषित परिवद्ध वास्तविक मान फलन है। फलन f के R-समाकलनीय होने के लिए आवश्यक तथा पर्याप्त शर्त यह है कि प्रत्येक $\epsilon > 0$ के लिए एक विभाजन $P \in [a, b]$ विद्यमान है ताकि :
- $U(f, P) - L(f, P) > \epsilon$
 - $U(f, P) - L(f, P) < \epsilon$
 - $U(f, P) - L(f, P) = \epsilon$
 - इनमें से कोई नहीं

37. माना कि $U_n(x), n \in \mathbb{N}$ प्रान्त D पर परिभाषित वास्तविक मान फलन है। तब फलनों की श्रेणी $\sum_{n=1}^{\infty} U_n(x)$ एक समान्तः अभिसृत है यदि और केवल यदि प्रत्येक $\epsilon > 0$ के लिए $\exists n_0(\epsilon)$ ताकि $n \geq n_0$ जो कि निरूपत करता है :
- $|U_{n+1}(x) + U_{n+2}(x) + \dots + U_{n+p}(x)| < \epsilon \quad \forall x \in D, p \in \mathbb{N}$
 - $|U_{n+1}(x) + U_{n+2}(x) + \dots + U_{n+p}(x)| > \epsilon \quad \forall x \in D, p \in \mathbb{N}$
 - $|U_{n+1}(x) + U_{n+2}(x) + \dots + U_{n+p}(x)| = \epsilon \quad \forall x \in D, p \in \mathbb{N}$
 - इनमें से कोई नहीं

38. The series $\sum \frac{1}{n^p + n^q} x^2$ converges uniformly

$\forall x$ when :

- | | |
|-------------|-------------|
| (A) $p > 0$ | (B) $p > 1$ |
| (C) $p > 2$ | (D) $p > 3$ |

39. Let X be a metric space. Then for any two subsets A and B of x :

- | | |
|--|--|
| (A) $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup \overline{B}$ | (B) $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$ |
| (C) $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup B$ | (D) $\overline{A \cup B} = A \cup \overline{B}$ |

40. Integrating factor of differential equation

$$(x+y+1) \frac{dy}{dx} = 1$$

is :

- | | |
|-----------|--------------|
| (A) e^y | (B) e^{-y} |
| (C) e^x | (D) e^{-x} |

41. $(D^4 + \lambda^4)y = 0$ is equal to :

- (A) $e^{-\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_1 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
 $+ e^{\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_3 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} + c_4 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
- (B) $e^{-\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_1 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} - c_2 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
 $+ e^{-\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_3 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} - c_4 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
- (C) $e^{\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_1 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} - c_2 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
 $+ e^{\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_3 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} + c_4 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
- (D) None of these

42. The general solution of differential equation

$$y = px + \frac{a}{p}$$

is :

- | | |
|----------------------------|----------------------------|
| (A) $y = cx - \frac{c}{a}$ | (B) $y = cx + \frac{a}{c}$ |
| (C) $x = y - \frac{c}{a}$ | (D) $x = y + \frac{c}{a}$ |

38. श्रेणी $\sum \frac{1}{n^p + n^q} x^2$ के सभी वास्तविक मानों के लिए

एक समान अभिसारी है जबकि :

- | | |
|-------------|-------------|
| (A) $p > 0$ | (B) $p > 1$ |
| (C) $p > 2$ | (D) $p > 3$ |

39. माना कि X एक दूरिक समष्टि है। तब x के किन्हों दो उपसमुच्च्य A तथा B के लिए :

- | | |
|--|--|
| (A) $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup \overline{B}$ | (B) $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}$ |
| (C) $\overline{A \cup B} = \overline{A} \cup B$ | (D) $\overline{A \cup B} = A \cup \overline{B}$ |

40. अवकल समीकरण $(x+y+1) \frac{dy}{dx} = 1$ का समाकलन गुणाक

होगा :

- | | |
|-----------|--------------|
| (A) e^y | (B) e^{-y} |
| (C) e^x | (D) e^{-x} |

41. $(D^4 + \lambda^4)y = 0$ बराबर है :

- (A) $e^{-\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_1 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} + c_2 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
 $+ e^{\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_3 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} + c_4 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
- (B) $e^{-\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_1 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} - c_2 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
 $+ e^{-\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_3 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} - c_4 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
- (C) $e^{\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_1 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} - c_2 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
 $+ e^{\lambda x/\sqrt{2}} \left[c_3 \cos \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} + c_4 \sin \frac{\lambda x}{\sqrt{2}} \right]$
- (D) इनमें से कोई नहीं

42. निम्न समीकरण $y = px + \frac{a}{p}$ का व्यापक हल है :

- | | |
|----------------------------|----------------------------|
| (A) $y = cx - \frac{c}{a}$ | (B) $y = cx + \frac{a}{c}$ |
| (C) $x = y - \frac{c}{a}$ | (D) $x = y + \frac{c}{a}$ |

43. The solution of simultaneous differential equations :

$$(D - 7)x + y = 0$$

$$(D - 5)y - 2x = 0$$

are :

(A) $x = e^{3t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{-3t} (c \cos t + d \sin t)$

(B) $x = e^{4t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{-4t} (c \cos t + d \sin t)$

(C) $x = e^{-5t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{5t} (c \cos t + d \sin t)$

(D) $x = e^{6t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{-6t} (c \cos t + d \sin t)$

44. The complementary function of the differential equation $(D^3 + 1)y = (e^x + 1)^2$ is :

(A) $C_1 e^{-x} + e^{x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

(B) $C_1 e^x + e^{-x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

(C) $C_1 e^{-x} + e^{-x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

(D) $C_1 e^x + e^{x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

45. The complete integral of partial differential equation $q = e^{-p/a}$ is :

(A) $y = \alpha z + e^{\alpha/a} x + \gamma$

(B) $z = \alpha x + e^{-\alpha/a} y + \gamma$

(C) $x = -\alpha y + e^{\alpha/a} z + \gamma$

(D) None of these

46. The solution of partial differential $p^2 + q^2 = x + y$ is :

(A) $z = \frac{2}{3}(a-x)^{3/2} + \frac{2}{3}(a-y)^{3/2} + b$

(B) $x = \frac{2}{3}(a-y)^{-3/2} + \frac{2}{3}(a+z)^{-3/2} + b$

(C) $y = \frac{2}{3}(a-z)^{2/3} + \frac{2}{3}(a-x)^{2/3} + b$

(D) $z = \frac{2}{3}(x+a)^{3/2} + \frac{2}{3}(y-a)^{3/2} + b$

43. युगमत अवकल समीकरण

$$(D - 7)x + y = 0$$

$$(D - 5)y - 2x = 0$$

के हल होंगे :

(A) $x = e^{3t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{-3t} (c \cos t + d \sin t)$

(B) $x = e^{4t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{-4t} (c \cos t + d \sin t)$

(C) $x = e^{-5t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{5t} (c \cos t + d \sin t)$

(D) $x = e^{6t} (a \cos t + b \sin t)$
 $y = e^{-6t} (c \cos t + d \sin t)$

44. अवकल समीकरण $(D^3 + 1)y = (e^x + 1)^2$ का पूरक फलन होगा :

(A) $C_1 e^{-x} + e^{x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

(B) $C_1 e^x + e^{-x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

(C) $C_1 e^{-x} + e^{-x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

(D) $C_1 e^x + e^{x/2} \left[C \cos \frac{\sqrt{3}}{2}x + d \sin \frac{\sqrt{3}}{2}x \right]$

45. आंशिक अवकल समीकरण $q = e^{-p/a}$ का विशिष्ट समाकल होगा :

(A) $y = \alpha z + e^{\alpha/a} x + \gamma$

(B) $z = \alpha x + e^{-\alpha/a} y + \gamma$

(C) $x = -\alpha y + e^{\alpha/a} z + \gamma$

(D) इनमें से कोई नहीं

46. आंशिक अवकल समीकरण $p^2 + q^2 = x + y$ का हल है :

(A) $z = \frac{2}{3}(a-x)^{3/2} + \frac{2}{3}(a-y)^{3/2} + b$

(B) $x = \frac{2}{3}(a-y)^{-3/2} + \frac{2}{3}(a+z)^{-3/2} + b$

(C) $y = \frac{2}{3}(a-z)^{2/3} + \frac{2}{3}(a-x)^{2/3} + b$

(D) $z = \frac{2}{3}(x+a)^{3/2} + \frac{2}{3}(y-a)^{3/2} + b$

- | | | | |
|------------------------------|---|------------------------------|---|
| 47. | The value of $\Delta^3(x-1)(2x-1)(3x-1)$ is : | 47. | $\Delta^3(x-1)(2x-1)(3x-1)$ का मान होगा : |
| (A) 33 | (B) 34 | (A) 33 | (B) 34 |
| (C) 35 | (D) 36 | (C) 35 | (D) 36 |
| 48. | Given $e^0 = 1$, $e^1 = 2.72$, $e^2 = 7.39$, $e^3 = 20.09$, $e^4 = 54.60$, then the value of $\int_0^4 e^x dx$ by numerical integration is : | 48. | यदि $e^0 = 1$, $e^1 = 2.72$, $e^2 = 7.39$, $e^3 = 20.09$, $e^4 = 54.60$, तो $\int_0^4 e^x dx$ का संख्यात्मक समाकलन द्वारा मान होगा : |
| (A) 53.873 | (B) 52.873 | (A) 53.873 | (B) 52.873 |
| (C) 51.873 | (D) 50.873 | (C) 51.873 | (D) 50.873 |
| 49. | If $\bar{r} = xi + yj + zk$ then $\text{curl } \bar{r}$ is : | 49. | यदि $\bar{r} = xi + yj + zk$ तब $\text{curl } \bar{r}$ होगा : |
| (A) 0 | (B) 1 | (A) 0 | (B) 1 |
| (C) 2 | (D) 3 | (C) 2 | (D) 3 |
| 50. | S denotes the sphere of radius a with centre at origin, then $\int_S \frac{\bar{r}}{r^3} \cdot da$ is equal to : | 50. | S एक गोला है जिसकी त्रिज्या a तथा केन्द्र मूल बिन्दु है तब $\int_S \frac{\bar{r}}{r^3} \cdot da$ का मान होगा : |
| (A) π | (B) 2π | (A) π | (B) 2π |
| (C) 3π | (D) 4π | (C) 3π | (D) 4π |
| 51. | The generators of the group $< G = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, +_6 >$ are : | 51. | समूह $< G = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, +_6 >$ के जनक होंगे : |
| (A) 1, 6 | (B) 1, 5 | (A) 1, 6 | (B) 1, 5 |
| (C) 1, 4 | (D) 1, 3 | (C) 1, 4 | (D) 1, 3 |
| 52. | Every homographic image of a cyclic group is : | 52. | प्रत्येक चक्रीय गुप्त का समाकारी प्रतिबिम्ब होता है : |
| (A) abelian group | (B) symmetric group | (A) आबेली गुप्त | (B) सममित गुप्त |
| (C) cyclic group | (D) None of these | (C) चक्रीय गुप्त | (D) इनमें से कोई नहीं |
| 53. | If $G = < \{1, -1, i, -i\}, \cdot >$ and $N = < \{1, -1\}, \cdot >$ then quotient group $\frac{G}{N}$ is : | 53. | यदि $G = < \{1, -1, i, -i\}, \cdot >$ और $N = < \{1, -1\}, \cdot >$ तब विभाग समूह $\frac{G}{N}$ है : |
| (A) $\{Ni, Ni\}$ | (B) $\{N, Ni\}$ | (A) $\{Ni, Ni\}$ | (B) $\{N, Ni\}$ |
| (C) $\{N, N\}$ | (D) None of these | (C) $\{N, N\}$ | (D) इनमें से कोई नहीं |
| 54. | The quotient ring of R with respect to the ideal I, where $R = Z$, $I = 3Z$ is : | 54. | विभाग वलय R के गुणजावलि I के सापेक्ष जहाँ $R = Z$, $I = 3Z$ है : |
| (A) $\{I, I+0, I+1, I+2\}$ | (B) $\{I+0, I+1, I+2, I+3\}$ | (A) $\{I, I+0, I+1, I+2\}$ | (B) $\{I+0, I+1, I+2, I+3\}$ |
| (C) $\{I+1, I+2, I+3, I+4\}$ | (D) $\{I+1, I+\sqrt{2}, I+\sqrt{3}, I+\sqrt{5}\}$ | (C) $\{I+1, I+2, I+3, I+4\}$ | (D) $\{I+1, I+\sqrt{2}, I+\sqrt{3}, I+\sqrt{5}\}$ |

55. $R = \langle \{0, 1\}, +_2, \times_2 \rangle$ be a ring. Then the characteristic of R is :
- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) None of these
56. A necessary and sufficient condition for a non-empty sub set W of a vector space V over a field K to be a sub space of V(K) $x \in W, y \in W, \alpha \in K, \beta \in K$.
- (A) $\alpha x + \beta y \in W$ (B) $\alpha \beta + xy \in W$
(C) $(\alpha + \beta) \cdot (x + y) \in W$ (D) None of these
57. If V is a finite dimensional vector space f is a homomorphism of V into itself which is not onto. Then for $v \neq 0$ in V such that :
- (A) $f(v) = 0$ (B) $f(v) \neq 0$
(C) $f(v) = 1$ (D) $f(v) = -1$
58. In the region, $f(z) = z^2$ is uniformly continuous, where as $f(z) = \frac{1}{z}$ is not so, the region is :
- (A) $|z| > 1$ (B) $|z| < 1$
(C) $|z| = 1$ (D) None of them
59. The invariant point of the following bilinear transformation $W = \frac{3z-4}{z-1}$ is :
- (A) 1 (B) -1
(C) 2 (D) -2
60. C is given by the equation $|z-a|=R$, the value of the $\int_C \frac{dz}{z-a}$ is :
- (A) 2π (B) -2π
(C) $2\pi i$ (D) $-2\pi i$
61. If $f(z) = \frac{z^2}{(z-a)(z-b)(z-c)}$, then residue of $f(z)$ at $z=\infty$ is :
- (A) 1 (B) -1
(C) 2 (D) -2
55. $R = \langle \{0, 1\}, +_2, \times_2 \rangle$ एक वलय है तो R का अभिलक्षण है :
- (A) 0 (B) 1
(C) 2 (D) इनमें से कोई नहीं
56. आवश्यक एवं पर्याप्त प्रतिबन्ध कि V (K) का एक अरिक्त उपसमुच्चय W, V की K पर उपसमिक्षा हो $x \in W, y \in W, \alpha \in K, \beta \in K$:
- (A) $\alpha x + \beta y \in W$ (B) $\alpha \beta + xy \in W$
(C) $(\alpha + \beta) \cdot (x + y) \in W$ (D) इनमें से कोई नहीं
57. यदि V एक परिमित विमा सदिश समिक्षा है तथा V से स्वयं में f समाकारिता है जो कि आच्छादक नहीं है तब कोई $v \neq 0, v \in V$ इस प्रकार से है कि :
- (A) $f(v) = 0$ (B) $f(v) \neq 0$
(C) $f(v) = 1$ (D) $f(v) = -1$
58. प्रान्त में, $f(z) = z^2$ एक समान संतत है जबकि $f(z) = \frac{1}{z}$ एक समान संतत नहीं है तो वह प्रान्त है :
- (A) $|z| > 1$ (B) $|z| < 1$
(C) $|z| = 1$ (D) इनमें से कोई नहीं
59. द्वि रैखिक रूपान्तरण $W = \frac{3z-4}{z-1}$ के स्थिर बिन्दु है :
- (A) 1 (B) -1
(C) 2 (D) -2
60. C का समीकरण $|z-a|=R$ है तब $\int_C \frac{dz}{z-a}$ का मान है :
- (A) 2π (B) -2π
(C) $2\pi i$ (D) $-2\pi i$
61. यदि $f(z) = \frac{z^2}{(z-a)(z-b)(z-c)}$, तो $f(z)$ का $z=\infty$ पर अवशेष होगा :
- (A) 1 (B) -1
(C) 2 (D) -2

62. यदि $f(z) = \frac{z - \sin z}{z^3}$ तो $f(z)$ का $z=0$ पर विचित्रता है :

 - अपनेय विचित्रता
 - अनिर्वाय विचित्रता
 - वियुक्त विचित्रता
 - अनंतक विचित्रता

63. क्षेत्र $1 < |z| < 2$ में वैद्य का लौरा प्रसार होगा

$$f(z) = \frac{1}{(1-z)(z-2)} :$$
 - $\sum_{n=1}^{\infty} z^{-n} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^{-n}}{2^{n+1}}$
 - $\sum_{n=1}^{\infty} z^n + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^n}{2^{n+1}}$
 - $\sum_{n=1}^{\infty} z^n + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^{-n}}{2^{n+1}}$
 - $\sum_{n=1}^{\infty} z^{-n} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{z^n}{2^{n+1}}$

64. z -समतल में बिन्दुओं $z = \infty, i, 0$ को w -समतल में बिन्दुओं $w = 0, i, \infty$ पर प्रतिचित्रित करने वाली द्विरैखिक रूपान्तरण है :

 - $w = \frac{1}{z}$
 - $w = -\frac{1}{z}$
 - $w = \frac{i}{z}$
 - $w = \frac{-i}{z}$

65. सरणी $\text{int } f[4][8]$ में अवयवों की संख्या होगी :

 - 12
 - 16
 - 32
 - 64

66. यदि एक कण a क्रिया के वृत्त की परिधी पर गमन करता है। तो वृत्त के केन्द्र को ध्रुव मानते हुए कण का आरीय वेग होगा :

 - 0
 - 1
 - 2
 - 3

67. A point moves in a straight line with S.H.M has velocity v_1 and v_2 when its distances from the centre be x_1 and x_2 , then the period of motions is :

(A) $\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$ (B) $2\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$

(C) $3\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$ (D) $4\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$

68. A particle is projected from a lowest point A inside a smooth verticle circle with a velocity just sufficient to take it to the highest point B, the pressure at the lowest point A is :
 (A) 3 mg (B) 4 mg
 (C) 5 mg (D) 6 mg

69. If the density of a thin rod varies as the distance from one of its ends, the moment of inertia about an axis passing through that end at right angle to the rod is :
 (A) Ma^2 (B) $2 Ma^2$
 (C) $3 Ma^2$ (D) $4 Ma^2$

70. The moment of inertia of a semi circular lamina of mass M and radius a about a tangent parallel to the bounding diameter is :
 (A) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} - \frac{8}{3\pi} \right)$ (B) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} + \frac{8}{3\pi} \right)$
 (C) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} - \frac{3}{8\pi} \right)$ (D) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} + \frac{3}{8\pi} \right)$

67. एक कण सरल आवर्त गति से एक सरल रेखा पर गतिमान है। जब कण की केन्द्र से दूरी x_1 तथा x_2 है। तथा इसका वेग क्रमशः v_1 तथा v_2 है तो आवर्त काल होगा :

(A) $\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$ (B) $2\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$

(C) $3\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$ (D) $4\pi \sqrt{\frac{x_1^2 - x_2^2}{v_2^2 - v_1^2}}$

68. यदि एक कण को निम्न बिन्दु A से वृत्त के अन्तः तल में एक ऐसे वेग से प्रक्षेपित किया जाये कि वह ठीक वृत्त के सर्वोच्च बिन्दु B तक पहुंचे तो निम्नतम बिन्दु A पर दबाव होगा :
 (A) 3 mg (B) 4 mg
 (C) 5 mg (D) 6 mg

69. यदि किसी पतली छड़ का धनत्व उसके एक सिरे से दूरी के समानुपात हो तो इस सिरे से पारित: छड़ के लम्ब किसी अक्ष के पारित: जड़त्व - आधूर्ण है :
 (A) Ma^2 (B) $2 Ma^2$
 (C) $3 Ma^2$ (D) $4 Ma^2$

70. द्रव्यमान M तथा क्रिया a वाले अर्द्धवृतीय परत का उसके सीमक व्यास के समानान्तर स्पर्श रेखा के पारित: जड़त्व आधूर्ण होगा :

(A) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} - \frac{8}{3\pi} \right)$ (B) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} + \frac{8}{3\pi} \right)$

(C) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} - \frac{3}{8\pi} \right)$ (D) $Ma^2 \left(\frac{5}{4} + \frac{3}{8\pi} \right)$

- o O o -

- o O o -

SPACE FOR ROUGH WORK / रफ कार्य के लिये जगह

SPACE FOR ROUGH WORK / रफ कार्य के लिये जगह

SEAL